АНАЛИЗ ТЕСТОВЫХ ЗАДАНИЙ В МОДЕЛИ G. RASCH

Владимир Ким

Уссурийский государственный педагогический институт vskim@mail.ru

В работе приведен анализ качества тестовых заданий по дисциплине «Базы данных», на основе модели G. Rasch. Показано, что задания теста в целом соответствуют модели Раша. Принятие решения о соответствии основывались на основе критерия c2probability. Пределы допустимых значений данного критерия для оценки пригодности заданий находятся в диапазоне 0,05 до 1,0¹.

Ключевые слова: тест, Rasch, тестовые задания с выбором одного или нескольких правильных ответов, IRT.

Постановка задачи

При разработке тестовых заданий важно оценить их качество, что делается в рамках той или иной модели. В данной работе продолжен^{2,3} анализ тестовых заданий, выполняемый на основе теории G. Rasch. Для анализа данных использовались задания по учебной дисциплине «Базы данных» (Федеральный компонент, ОПД.Ф.03) и программное средство RUMM (Rasch Unidimensional Measurement Model), разработанное под руководством профессора Д. Эндрича (D. Andrich)⁴.

Для однопараметрической модели измерения (1PL) вероятность успеха i-го испытуемого в j-м задании равна

$$P_{ij} = \frac{1}{1 + e^{-d(\theta_i - \beta_j)}},$$

где d — масштабный множитель, равный 1,702; θ_i — мера подготовленности испытуемого (ability).

Исходный набор заданий содержал 72 задания с выбором одного правильного ответа из четырёх, предлагавшихся на выбор. Всего было протестировано 40 испытуемых.

Теория

rudoai

Interpreting RUMM 2020 Analyses, Part I, Dichotomous Data, 2004.

Ким В.С. Анализ результатов тестирования в процессе Rasch measurement // Педагогические измерения, N 4, 2005. С. 39–45.

Ким В.С. Измерение латентных параметров испытуемых и тестовых заданий. Мат. IX Всерос. научнопракт. конф. «Теория и практика измерения латентных переменных в образовании» (21–23 июня 2007 г.). Славянск-на-Кубани: Изд. центр СГПИ, 2007. С. 70–71.

Andrich D., Sheridan B., Lyne A. & Luo, G. RUMM: A windowsbased item analysis program employing Rasch unidimensional Measurement Models, Perth, Murdoch University, 2000. http://www.rummlab.com/

49

ПЕД измерения

Все испытуемые были распределены по шкале θ , по своим диапазонам уровня подготовленности. Испытуемые были поделены на K групп, или классовых интервалов («Class Intervals»), вдоль шкалы θ , так, чтобы все тестируемые внутри данной группы имели примерно одинаковый уровень подготовленности θ_k Всего внутри группы с номером k оказываются m_k тестируемых, где k принимает значения k = 1,2,3,...,K.

В RUMM-2020 значение Kпо умолчанию устанавливается равным 3, но при необходимости его можно изменить, используя параметр «Class Intervals» в диалоговом окне «Analysis Control». Чем большим берётся число классов, тем больше «эмпирических» точек представляется на графике заданий. Однако в этом случае требуется иметь и большее число испытуемых. Вот почему при небольшом числе испытуемых минимально допустимым принимается число классов, равное трём, так как по двум точкам на теоретической кривой ІСС трудно судить о соответствии задания модели

В настоящем исследовании в первый классовый интервал данных были включены 13 испытуемых, во второй — 12 и в третий — 15 испытуемых. Точки, соответствующие этим классовым интервалам, имеют

значения θ , равные соответственно 0,636, 2,751 и 3,638.

Интерпретация графиков заданий

Далее в работе приведены рисунки с изображениями характеристических кривых некоторых заданий — Item Characteristics Curves (ICC). Для каждой группы приведены примеры ICC для двух заданий. На рис. 1 приведены примеры ICC, иллюстрирующие смысл некоторых параметров, характеризующих ICC. На рис. 2–9 приведены ICC для заданий анализируемого теста.

Для оценки степени соответствия данных модели Раша в RUMM-2020 используется распределение хи-квадрат ($\chi^2_{\text{probability}}$). Чем ближе значения этого распределения к единице, тем лучше соответствие данных модели: соответственно, чем ближе к нулю, тем хуже соответствие задания модели измерения по теории Раша.

Для каждой кривой приведены следующие параметры, которые рассмотрим на примере ICC-53 (рис. 2). Описание основных свойств параметров приведено в работе А. Маслака⁵. Ниже следует это описание с нашими дополнениями.

10053 -код (идентификатор) задания;

Descriptor for item 53 — название задания 53. Вообще-то при редактировании вводимых

Маслак А.А.
Измерение латентных переменных в социально-экономических системах: Монография. Славянск-на-Кубани: Изд. центр СГПИ, 2006, 333 с.

Рис. 1. Пример графиков характеристических функций трёх заданий

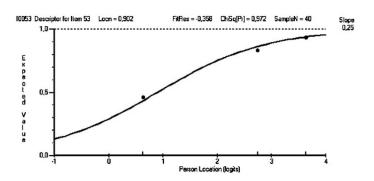


Рис. 2. ICC для задания № 53 с χ^2_{prob} = 0,972, входящего в состав первой группы

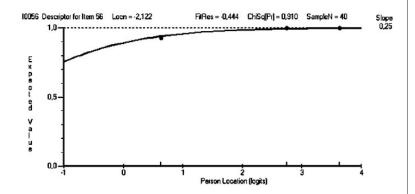


Рис. 3. ICC для задания № 56 с χ^2_{prob} = 0,910, входящего в состав первой группы

Теория *видогу* ПЕД измерения

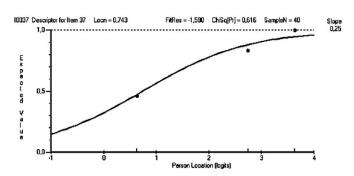


Рис. 4. ICC для задания № 37, χ^2_{prob} = 0,616, входящего в состав второй группы

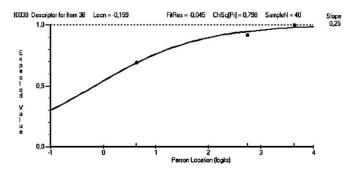


Рис. 5. ICC для задания № 38 с χ^2_{prob} = 0,798, входящего в состав второй группы

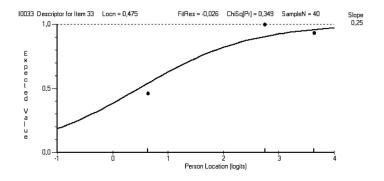


Рис. 6. ICC для задания № 33 с χ^2_{prob} = 0,349, входящего в состав третьей группы

52

Рис. 7. ICC для задания № 39 с χ^2_{prob} = 0,370, входящего в состав третьей группы

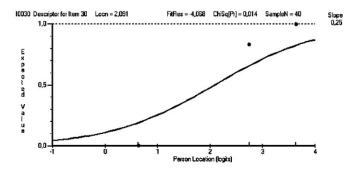


Рис. 8. ICC для задания № 30 с χ^2_{prob} = 0,014, входящего в состав четвертой группы

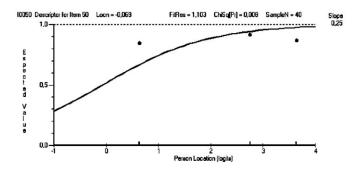


Рис. 9. ІСС для задания № 50 с χ^2_{prob} = 0,008, входящего в состав четвертой группы

Теория

данных в RUMM можно использовать в качестве названия произвольный текст. В данном случае выбрано значение по умолчанию;

Locn = 0.902 - трудностьтестового задания в логитах. Полезно напомнить читателю, как получается этот логит.

На рис. 1 в качестве примера показаны три характеристические кривые ICC1, ICC2, ICC3 для некоторых заданий со значениями Locn (Location) равными -1,82, -0,42, +1,90.Для каждой кривой Locn — это значение параметра Person location, при котором вероятность правильного ответа на данное задание равна 0,5.

FitRes = -0.358 - cymmapное отклонение ответов испытуемых на данное задание от ожидаемых на основе модели Раша.

Если параметр FitRes = 0, то мы имеем полное совпадение ответов испытуемых с моделью Раша. Большие по абсолютной величине значения FitRes свидетельствуют о расхождении экспериментальных данных с моделью Раша. Схематически это показано на рис. 1, где в качестве примера показаны характеристические кривые, имеющие различные значения параметра FitRes.

Статистика FitRes описывается выражениями:

$$z_{ij} = \frac{x_{ij} - E[X_{ij}]}{\sqrt{V[X_{ij}]}};$$

$$Vig[X_{ij}ig] = Eig[X_{ij}ig]ig(1 - Eig[X_{ij}ig]ig);$$
 $Eig[X_{ij}ig] = rac{e^{(heta_i - eta_j)}}{1 + e^{(heta_i - eta_j)}},$ где x_{ij} — элементы бинарной

матрицы.

Для характеристической кривой ICC 1 экспериментальным точкам 1, 2 и 3 соответствует отрицательное значение параметра FitRes. Здесь мы имеем дело со сверхдифференцирующей способностью тестового задания.

Эти экспериментальные данные плохо соответствуют модели Раша. Необходимо дополнительно проверить значение параметра $\chi^2_{\text{probability}}$. Если оно менее, чем 0,05, то задание рекомендуется исключить из теста.

Для кривой ICC2 (точки 4, 5 и 6) параметр FitRes = 0, что свидетельствует о соответствии экспериментальных данных модели Раша.

Для кривой ICC3 (точки 7, 8 и 9) параметр FitRes > 0, что свидетельствует о плохом соответствии модели Раша. Это тестовое задание со слабой дифференцирующей способностью. Для решения вопроса об исключении залания из теста необходимо, как и в случае ICC1, проверить значение $\chi^2_{\text{probability}}$

ChiSq[Pr] = 0.872 - Mepaсоответствия данных модели Раша на основе проверки эмпирического и теоретического Slope = 0.25 — наклон ICC в точке перегиба ($\theta_I = \beta_j$). Этот параметр характеризует теоретическую дифференцирующую способность задания — способность тестового задания различать испытуемых по уровню их знаний. В дихотомическом случае наклон всех ICC одинаков, что хорошо видно на рис. 1.

Обсуждение полученных результатов

Как отмечалось выше, параметр $\chi^2_{\text{probability}}$ позволяет судить о степени соответствия экспериментальных данных

модели Раша. По значению $\chi^2_{\text{probability}}$ все экспериментальные данные были распределены по четырем группам:

- группа № 1 χ²_{probability} ≥ 0,8,
 11 заданий;
- группа № 2 0,6 ≤ χ²_{probability} <0,8,
 13 заданий;
- группа № 3 0,05 $\geq \chi^2_{\text{probability}} < 0,6,39$ заданий;
- труппа № 4 χ²_{probability} < 0,05,
 9 заданий.

В табл. 1 приведено распределение тестовых заданий по всем четырем группам. В ней данные представлены следующим образом. Допустим, нас интересует — в какую группу попадает задание № 45? На пересечении столбца «40» и строки «5» находится число «1» — первая группа, следовательно, 45-е задание имеет $\chi^2_{\text{probability}} \ge 0,8$.

Таблица 1. Распределение тестовых заданий по группам $\chi^2_{ ext{probability}}$

№ зъадания	0	10	20	30	40	50	60	70
0	_	3	2	4	4	4	2	2
1	3	3	1	3	3	3	3	3
2	3	1	3	3	3	3	3	3
3	1	3	3	3	4	1	3	_
4	2	3	3	3	2	3	3	_
5	3	2	4	2	1	1	3	_
6	3	3	2	3	2	1	3	_
7	3	4	1	2	4	1	4	_
8	4	3	1	2	3	3	3	_

Теория *видогу* ПЕД измерения

Каждое задание характеризуется своей мерой трудности. Этот параметр можно охарактеризовать проекцией точки перегиба логистической кривой на ось q. Для определения трудности задания следует на графике провести горизонтальную прямую с ординатой P=0,5до пересечения с характеристической кривой (ІСС), затем опустить перпендикуляр на ось q. Отметим, что в RUMM сразу проводится вычисление этого значения q (Location), которое показано на графиках ІСС.

В табл. 2 приведено распределение заданий по степени трудности. В таблице строка «id» обозначает номер задания, а строка «Lcn» — обозначает значение θ , для которого вероятность правильного ответа равна P=0.5.

Из табл. 2 видно, что задания теста с удовлетворительной равномерностью покрывают диапазон θ от -2,4 до +2,1 логитов.

Обычно считается, что тест должен перекрывать диапазон от –3 до +3 логитов. Это означает, что в анализируемом тесте не хватает очень лёгких и очень трудных заданий. В существующем виде тест больше предназначен для испытуемых со средними способностями.

Таблица 2. Распределение заданий по уровню их трудности

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
id	27	12	28	56	24	67	57	45	21	11
Lcn	-2,365	-2,324	-2,122	-2,122	-1,687	-1,645	-1,414	-1,405	-1,388	-1,303
№	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
id	69	25	5	17	60	70	49	59	58	48
Lcn	-1,303	-1,192	-1,183	-1,176	-0,953	-0,909	-0,871	-0,815	-0,796	-0,672
№	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
id	18	32	20	4	65	46	36	26	72	23
Lcn	-0,589	-0,579	-0,563	-0,5	-0,494	-0,472	-0,455	-0,452	-0,379	-0,273
№	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
id	40	38	50	19	64	39	35	54	66	29
Lcn	-0,272	-0,159	-0,069	-0,008	0,03	0,049	0,055	0,117	0,215	0,257
№	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
id	14	31	41	71	33	55	47	13	16	22
Lcn	0,27	0,305	0,31	0,447	0,475	0,484	0,496	0,5	0,5	0,687
№	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
id	9	10	3	43	37	53	6	2	68	61
Lcn	0,693	0,728	0,731	0,742	0,743	0,902	1,016	1,025	1,103	1,104

T	eо	p١	I	Я	
,	180	7	79	.79	7

№ id Lcn	61 52 1,208	62 42 1,259	63 7 1,264	64 62 1,285	65 44 1,364	66 1 1,416	67 51 1,42	68 15 1,594	69 63 1,855	70 34 1,955
№	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
id	30	8	_	_	_	_	_	_	_	_
Lcn	2,091	2,21	_	_	_	_	_	_	_	-

Перейдём к обсуждению качества тестовых заданий на основании полученных характеристических кривых (рис. 2–7).

Из графиков видно, что экспериментальные данные для всех заданий расположены в области от 0 до 4 логитов.

Задания, входящие в первую группу (например, с ICC, показанными на рис. 2 и 3), имеют отличное согласие с моделью Раша и оставляются в тесте.

Задания, входящие во вторую группу (например, с ICC, показанными на рис. 4 и 5), имеют хорошее согласие с моделью Раша и также оставляются в тесте.

Задания, входящие в третью группу (например, с ICC, показанными на рис. 6 и 7), имеют удовлетворительное согласие с моделью Раша. Такие задания можно оставить в тесте. Отметим, что эти задания желательно дополнительно проанализировать с точки зрения их содержания. Желательно собрать дополнительную

статистику на предмет выявления отклонений в процедуре тестирования.

Задания, входящие в четвёртую группу (например, с ICC, показанными на рис. 6 и 7), не согласуются с моделью Раша. Такие задания следует исключить из теста.

Из рис. 6 видно, что задание № 33, характеризующееся значением $\chi^2_{\text{probability}} = 0.349$, имеет удовлетворительное согласие с моделью Раша, но имеет аномальный участок - сильные испытуемые отвечают хуже, чем испытуемые со средним уровнем знаний. В. Аванесов называет такие задания противоречащими естественной педагогической логике 6 и связывает подобные эффекты с нарушениями формальных, организационных и этических требований. В связи с тем, что аномальный эффект проявляется лишь частично, а $\chi^2_{\text{probability}} > 0.05$, то это задание можно временно оставить в изучаемом наборе заданий, имея в виду дальнейшую проверку теста в целом.

Аванесов В.С. Ітет Response Theory: Основные понятия и положения. // Педагогические измерения, 2007. № 2. С. 3–28.

На рис. 8 приведена логистическая кривая для задания № 30 с $\chi^2_{\text{probability}} = 0.014$. Это задание имеет сверхвысокую дифференцирующую способность, то есть имеет малый диапазон перекрытия по уровню знаний испытуемых. Экспериментальные данные показывают, что слабые испытуемые практически не могут дать верный ответ на это задание. С другой стороны, средние и сильные испытуемые на это задание отвечают гораздо лучше, чем того требует модель Раша. Как указывалось выше, ввиду несоответствия модели Раша, подобные задания исключаются из теста.

Пример логистической кривой для задания № 50 $(\chi^2_{\text{probability}} = 0,008)$ с практически полным отсутствием диффе-

ренцирующей способности приведен на рис. 9. Это задание почти не различает слабых, средних и сильных испытуемых.

Это довольно лёгкое задание (Location = -0,069), но сильные испытуемые показывают такую же вероятность успеха, как средние и слабые, что противоречит модели Раша. Кроме того, это задание плохо соответствует другим заданиям и по всем этим причинам должно быть удалено из теста.

Таким образом, анализ результатов тестирования на основе подхода Rasch measurement позволяет оптимизировать содержание теста и превращать его в инструмент для измерения уровня знаний испытуемых. Особенно удобно это делать с применением программного средства RUMM-2020.